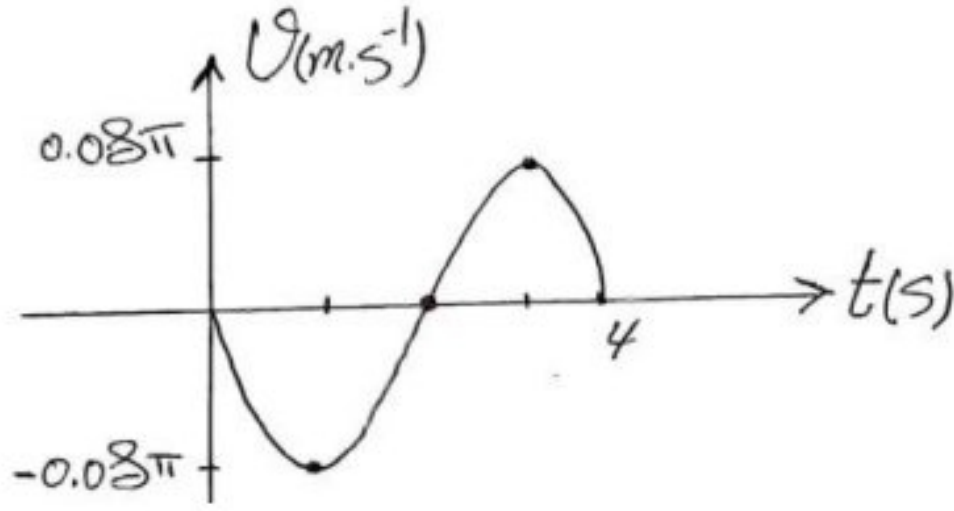


أولاً: أجب عن الأسئلة الأربعة الآتية:

السؤال الأول: اختر الإجابة الصحيحة لكل مما يأتي، (60 درجة)

1) يمثل الرسم البياني المجاور تغيرات السرعة مع الزمن لجسم مرتبط بنابض مرن يتحرك حركة توافقية بسيطة، فيكون التابع الزمني للسرعة هو:



(a) $v = 0.08\pi \sin(\pi t)$ (c) $v = -0.08\pi \sin(\frac{\pi}{2} t)$

(b) $v = 0.08\pi \sin(\frac{\pi}{2} t)$ (d) $v = -0.08\pi \sin(\pi t)$

2) نواس مرن دوره الخاص T_0 ، لزيادة هذا الدور يجب:

(a) زيادة كتلة الجسم (b) نقصان سعة الاهتزاز. (c) زيادة سعة الاهتزاز. (d) زيادة ثابت الصلابة. المهتز.

3) حركة توافقية بسيطة سعة اهتزازها X_{max} ، دورها الخاص T_0 ، نضاعف سعة الاهتزاز فيصبح دورها الخاص T'_0 يساوي:

(c) $T'_0 = T_0$

(a) $T'_0 = 2T_0$

(d) $T'_0 = \frac{T_0}{\sqrt{2}}$

(b) $T'_0 = \frac{T_0}{2}$

4) إن محصلة القوى الخارجية المؤثرة في مركز عطالة الجسم في كل لحظة هي قوة إرجاع تعطى علاقتها بالشكل:

(d) $F = kx^2$

(c) $F = -kx^2$

(b) $F = k\bar{x}$

(a) $F = -k\bar{x}$

5) يتألف نواس مرن من جسم صلب كتلته m معلق بنابض مرن مهمل الكتلة ثابت صلابته k النبض الخاص

لحركته ω_0 نستبدل بالجسم جسماً آخر كتلته $m' = 2m$ وبالنابض نابضاً آخر ثابت صلابته $k' = \frac{1}{2}k$ ، فيصبح النبض الخاص الجديد ω'_0 :

(d) $\omega'_0 = \frac{\omega_0}{4}$

(c) $\omega'_0 = 2\omega_0$

(b) $\omega'_0 = \frac{\omega_0}{2}$

(a) $\omega'_0 = 4\omega_0$

(35 درجة)

السؤال الثاني: أجب عن الأسئلة الآتية:

انطلاقاً من المعادلة التفاضلية: $(x)''_t = -\frac{k}{m}x$ للنواس المرن غير المتخامد:

استنتج أن حركة هذا النواس هي حركة جيبية انسحابية.

السؤال الثالث: (30 درجة) نثبت إلى بداية ساق أفقية ملساء طرف نابض مرن مهمل الكتلة ونثبت إلى نهايته

الثانية جسماً كتلته m لنشكل نواس مرن حركته جيبية انسحابية، التابع الزمني لمطاله: $x = X_{max} \cos \omega_0 t$

(المطلوب: a) استنتج عبارة الطاقة الميكانيكية للنواس المرن.

أ. فارس جقل ..

(b) حدد شكل الطاقة لحظة المرور بوضع التوازن.

السؤال الرابع: (20. درجة) برهن أن محصلة القوى المؤثرة في مركز عطالة الجسم الصلب في النواس المرن هي قوة إرجاع تعطى بالعلاقة: $F = -k\bar{x}$

ثانياً: حل المسائل الآتية: (لأولى 90. درجة، للثانية 90. درجة، للثالثة 75. درجة)

المسألة الأولى: تهتز نقطة مادية كتلتها 0.5 kg بحركة توافقية بسيطة بمرونة نابض مهمل الكتلة حلقاته متباعدة شاقولي وبدور خاص 4 s وسعة اهتزاز $X_{max} = 8 \text{ cm}$ ، فإذا علمت أن النقطة كانت في موضع مطاله $\frac{X_{max}}{2}$ في بدء الزمن وهي متحركة بالاتجاه السالب، **المطلوب:**

- 1) استنتج التابع الزمني لمطال حركة هذه النقطة بعد تعيين قيمة الثوابت.
- 2) عين لحظتي المرور الأول والثالث في وضع التوازن.
- 3) عين المواضع التي تكون فيها شدة محصلة القوى عظمى واحسب قيمتها، وحدد موضعاً تنعدم فيه شدة هذه المحصلة.
- 4) احسب قيمة ثابت صلابة النابض، وهل تتغير هذه القيمة باستبدال الكتلة المعلقة؟
- 5) احسب الكتلة التي تجعل الدور الخاص 1 s .

المسألة الثانية: تتألف هزازة توافقية بسيطة غير متخامدة من جسم صلب كتلته $m = 1 \text{ kg}$ ، معلق إلى طرف نابض مرن شاقولي، مهمل الكتلة، حلقاته متباعدة، يهتز بدور خاص $T_0 = 0.4 \text{ s}$ ، ويرسم في أثناء حركته قطعة مستقيمة طولها $d = 12 \text{ cm}$ **المطلوب:**

- 1) استنتج التابع الزمني لمطال الحركة انطلاقاً من شكله العام باعتبار مبدأ الزمن عندما كان الجسم في مطاله الأعظمي الموجب.
- 2) احسب ثابت صلابة النابض.
- 3) احسب قيمة الاستطالة السكونية للنابض.
- 4) عين لحظة المرور الأول للجسم في مركز الاهتزاز
- 5) احسب الطاقة الكامنة المرونية للنابض عند نقطة مطالها $x = 4 \text{ cm}$ ثم احسب الطاقة الحركية للجسم عندئذ. ($\pi^2 = 10, g = 10 \text{ m.s}^{-2}$)

المسألة الثالثة: نشكل هزازة توافقية بسيطة مؤلفة من نابض مرن شاقولي مهمل الكتلة حلقاته متباعدة، ثابت صلابته $k = 10 \text{ N.m}^{-1}$ مثبت من إحدى نهايتيه إلى نقطة ثابتة، ويحمل في نهايته الثانية جسماً كتلته $m = 0.1 \text{ kg}$ فإذا علمت أن مبدأ الزمن لحظة مرور الجسم في مركز التوازن، وهو يتحرك بالاتجاه السالب بسرعة $v = -3 \text{ m.s}^{-1}$ ، **المطلوب:**

- 1) احسب النبض الخاص للحركة.
- 2) استنتج التابع الزمني لمطال الحركة.
- 3) احسب شدة قوة الارجاع في نقطة مطالها 3 cm .



انتهت الأسئلة...

أ. فارس جقل & أ. أمل أمهان



مع أطيب الامنيات لكم بالنجاح